ขอบเขตเอกรูปปรับปรุงสำหรับการประมาณการแจกแจงทวินามบีตาด้วยการแจกแจงทวินามเชิงลบ

สุรัตน์ สีทัพ

โครงงานสถิตินี้เป็นส่วนหนึ่งของการศึกษาตามหลักสูตรวิทยาศาสตรบัณฑิต สาขาวิชาสถิติ ปีการศึกษา 2560 ภาควิชาคณิตศาสตร์ คณะวิทยาศาสตร์ มหาวิทยาลัยบูรพา

ประมาณการแจกแจงทวินามบีตาด้วยการแจกแจงทวินามเชิงลบ
EGATIVE BINOMIAL APPROXIMATION TO THE BETA BINOMIAL
รหัสประจำตัวนิสิต 57030513
ตราจารย์ ดร.คณินทร์ ธีรภาพโอหาร
หนึ่งของการศึกษาตามหลักสูตรวิทยาศาสตรบัณฑิต สาขาวิชาสถิติ
William Willia
•
i i
อาจารย์ที่ปรึกษาหลัก
(ผู้ช่วยศาสตราจารย์ ดร.คณินทร์ ธีรภาพโอพาร)
Ve
ประธานกรรมการ
(ดร.พัชรี วงษ์เกษม)
V
กรรมการ
(ผู้ช่วยศาสตราจารย์ ดร.คณินทร์ ธีรภาพโอพาร)
(A) 10.
(ผู้ช่วยศาสตราจารย์ ดร.จตุภัทร เมฆพายัพ)
(ผูชวยศาสตราจารย์ ดัร.จตุภัทร เมฆพายัพ)
านสถิติอนุมัติให้โครงงานสถิติฉบับนี้เป็นส่วนหนึ่งของการศึกษาตาม
าวิชาสถิติ ของมหาวิทยาลัยบูรพา
1. —11
ประธานหลักสูตรวิทยาศาสตรบัณฑิต
สาขาวิชาสถิติ
(ผู้ช่วยศาสตราจารย์ปรียารัตน์ นาคสุวรรณ์)

## ประกาศคุณูปการ

โครงงานสถิติฉบับนี้สำเร็จลุล่วงได้ด้วยความเมตตาช่วยเหลืออย่างดียิ่งจาก ผู้ช่วยศาสตราจารย์ ดร.
คณินทร์ ธีรภาพโอหาร อาจารย์ที่ปรึกษาโครงงานสถิติที่กรุณาให้คำปรึกษา คำแนะนำ และแก้ไขข้อบกพร่อง
ต่าง ๆ ด้วยความเอาใจใส่ทุกขั้นตอนเพื่อให้โครงงานสถิติฉบับนี้สมบูรณ์ที่สุด ผู้วิจัยจึงขอกราบขอบพระคุณเป็น
อย่างสูงไว้ ณ โอกาสนี้

นอกจากนี้ผู้วิจัยขอกราบขอบพระคุณคณะกรรมการสอบโครงงานสถิติในครั้งนี้ซึ่ง ประกอบด้วย ดร. พัชรี วงษ์เกษม และผู้ช่วยศาสตราจารย์ ดร.จตุภัทร เมฆพายัพ ที่ได้เสียสละเวลาและกรุณาให้คำแนะนำ เพิ่มเติมในการปรับปรุงโครงงานสถิติฉบับนี้ให้ถูกต้องและเสร็จสมบูรณ์ยิ่งขึ้น

สุดท้ายนี้ขอกราบขอบพระคุณบิดา มารดา ที่อยู่เบื้องหลังในความสำเร็จ ซึ่งได้ให้ความช่วยเหลือ สนับสนุนและให้กำลังใจตลอดมา และขอบคุณเพื่อน ๆ ทุกคน ที่เป็นกำลังใจในการทำโครงงานสถิติจนสำเร็จ ลุล่วงได้

คุณค่าทั้งหลายที่ผู้วิจัยได้รับจากโครงงานสถิติฉบับนี้ ผู้วิจัยขอมอบแด่บิดา มารดา ผู้ที่อยู่เบื้องหลัง ในความสำเร็จครั้งนี้ ตลอดจนผู้มีพระคุณทุกท่าน

สุรัตน์ สีทัพ

57030513: สาขาวิชา: สถิติ; วท.บ. (สถิติ)

คำสำคัญ: การแจกแจงทวินามบีตา/การแจกแจงทวินามเชิงลบ/ฟังก์ชัน z

สุรัตน์ สีทัพ: ขอบเขตเอกรูปปรับปรุงสำหรับการประมาณการแจกแจงทวินามบีตาด้วยการ แจกแจงทวินามเชิงลบ (AN IMPROVED BOUND FOR NEGATIVE BINOMIAL APPROXIMATION TO THE BETA BINOMIAL DISTRIBUTION)

คณะกรรมการควบคุมโครงงานสถิติ: ผู้ช่วยศาสตราจารย์ คณินทร์ ธีรภาพโอหาร, ปร.ด. 39 หน้า. ปีการศึกษา 2560.

## บทคัดย่อ

การศึกษานี้ใช้ผลลัพธ์ของ Teerapabolarn (2017) หาขอบเขตเอกรูปปรับปรุงสำหรับการ ประมาณการแจกแจงทวินามบีตาที่มีพารามิเตอร์  $n,\alpha$  และ  $\beta$  ด้วยการแจกแจงทวินามเชิงลบที่มีพารามิเตอร์  $\alpha$  และ  $\frac{\alpha+\beta}{n+\alpha+\beta}$  ขอบเขตเอกรูปที่ได้จากการศึกษาครั้งนี้สามารถใช้วัดความแม่นยำของการประมาณได้ดี เมื่อ  $\beta$  มีค่ามาก โดยการเปรียบเทียบเชิงทฤษฎีและเชิงตัวเลข จะเห็นได้ว่าผลลัพธ์ของการศึกษาครั้งนี้ดีกว่า ผลลัพธ์เดิมในงานวิจัยของ Teerapabolarn (2015)

57030513: MAJOR: STATISTICS; B.Sc. (STATISTICS)

KEYWORDS: BETA BINOMIAL DISTRIBUTION/NEGATIVE BINOMIAL DISTRIBUTION/z-FUNCTION

SURAT SRITAB: AN IMPROVED BOUND FOR NEGATIVE BINOMIAL

APPROXIMATION TO THE BETA BINOMIAL DISTRIBUTION

ADVISOR: ASSISTANT PROFESSOR KANINT TEERAPABOLARN, Ph.D. 39 P. ACADEMIC YEARS 2017.

## **ABSTRACT**

This study uses the result of Teerapabolarn (2017) to determine an improved bound for approximating the beta binomial distribution with parameters  $n,\alpha$  and  $\beta$  by the negative binomial distribution with parameters  $\alpha$  and  $\frac{\alpha+\beta}{n+\alpha+\beta}$ . The uniform bound obtained in this study can be used to measure the accuracy of the approximation as well when  $\beta$  is large. By theoretical and numerical comparisons, the result of this study is better than that reported in Teerapabolarn (2015).